

Ю. А. Богоявленский, Д. Ж. Корзун, К. А. Кулаков, М. А. Крышень

## Проект Web-SynDic: Система удаленного решения линейных диофантовых уравнений в неотрицательных целых.

- одНЛДУ — однородное линейное диофантово уравнение:
  - целочисленные коэффициенты,
  - решения — неотрицательные целые числа.
- Система Web-SynDic ориентирована на частный класс систем одНЛДУ — ассоциированные с КС-грамматиками системы одНЛДУ (системы одАНЛДУ)
- Адрес web-системы: <http://websyndic.cs.karelia.ru/>

### Задачи решения и генерации систем одАНЛДУ

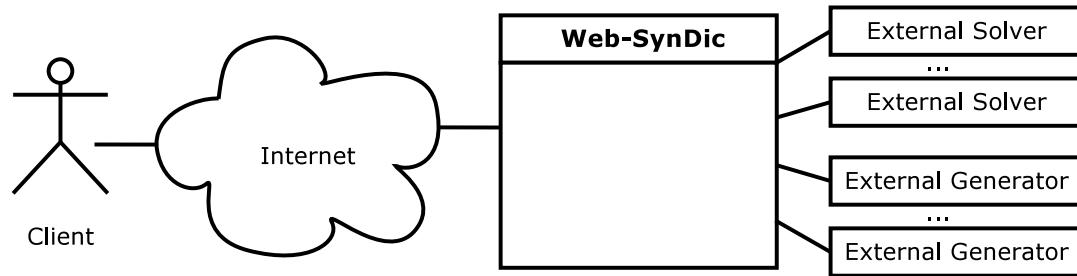
- Задачи решения
  1. Поиск частного ненулевого решения.
    - Полиномиальная сложность.
    - Синтаксический алгоритм для систем одАНЛДУ — псевдополиномиальный — сложность  $O(Q^3m^2n)$ , где  $Q$  — константа, ограничивающая число базисных элементов.
  2. Нахождение базиса Гильберта.
- Реализация синтаксического алгоритма — решатель `syntactic solver`.
- Задачи генерации.  
Экспериментальная оценка решателя `syntactic solver` и его сравнения с другими решателями: подход на основе автоматической генерации систем одАНЛДУ

### Основные функции системы Web-SynDic

- Работа с одиночной системой одАНЛДУ (базовая функция).
- Работа с множеством систем одАНЛДУ.
- Регистрация и учет пользователей.
- Конфигурация параметров решения и генерации.

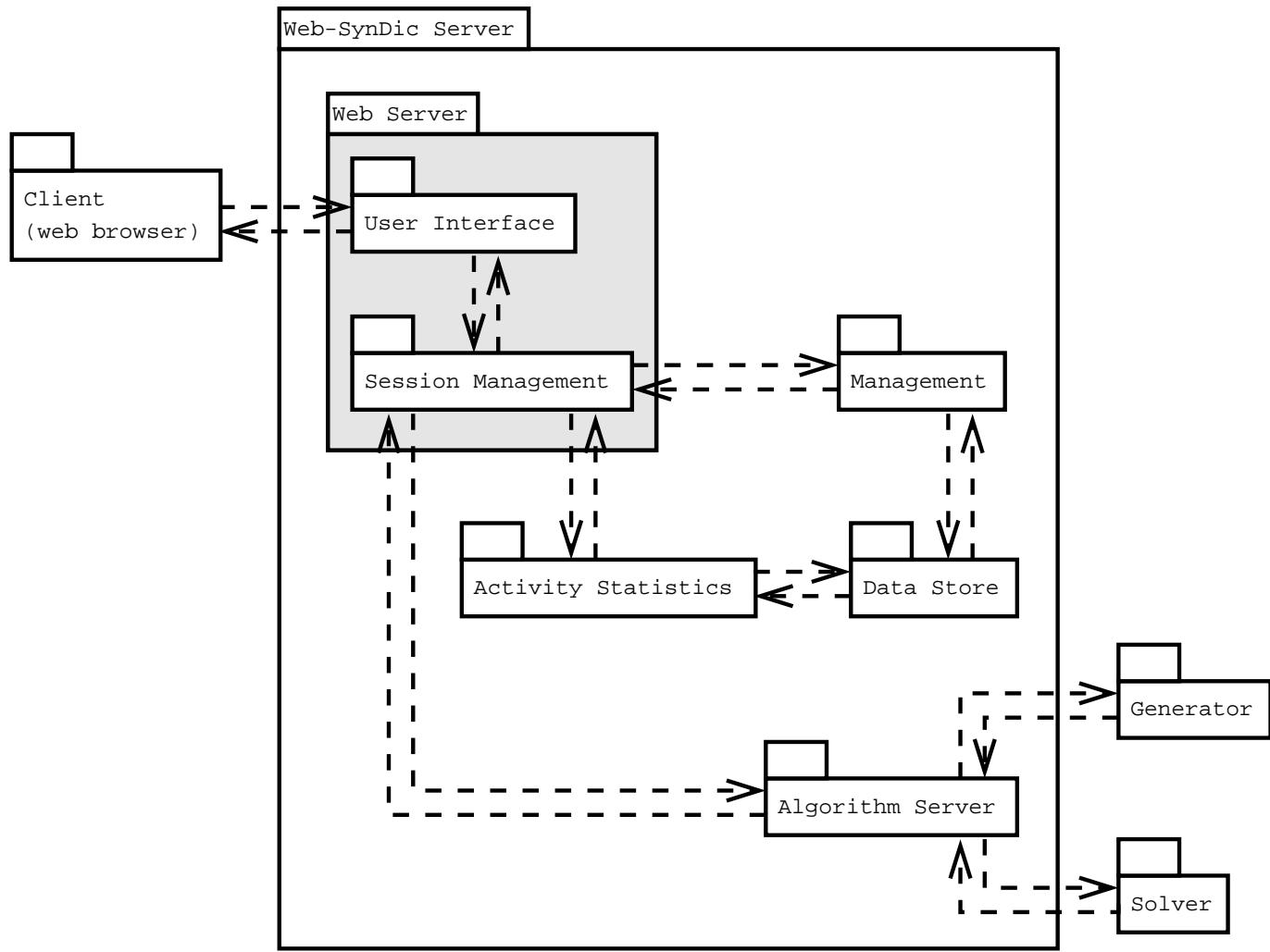
# Архитектура системы Web-Syndic

Архитектура клиент-сервер. Клиент — стандартный web-обозреватель.



Сервер обеспечивает взаимодействие пользователя с решателями и генераторами, которые являются внешними по отношению к системе объектами.

Реализованные подсистемы и взаимодействие между ними:



# Интерфейс пользователя

Форма “Process an ANLDE System”.

# User Interface

“Process an ANLDE System” form.

The screenshot shows a web browser window for "Web-Syndic: Process an ANLDE System - Mozilla Firefox". The page title is "PETROZAVODSK STATE UNIVERSITY Department of Computer Science". On the left sidebar, under "WEB-SYNDIC", there are links for "Process:" (with options for ANLDE System or Set of ANLDE Systems), "Documentation:" (with links for ANLDE Theory and User Manual), "Send Notes", "User Profile", "Algorithms configuration", and a log-in message for user "kryshen". Below that is "Server Load" information: 2 active users, 2 registered users, and 0 solver tasks. At the bottom left is a "Готово" button. The main content area is titled "Process an ANLDE System" and contains a text input field for "Input a test ANLDE system (a list of samples)" with the following equations:  
 $x_1 + x_9 + x_{10} = 6*x_9 + 4*x_{10} + 4*x_8 + 2*x_{11} + 3*x_{12} + 3*x_{13} + 2*x_{14}$  $x_8 + x_2 = 2*x_9 + 2*x_{10} + 4*x_8 + x_{11} + 2*x_{12} + 2*x_{13} + 3*x_{14} + x_3$  $x_3 = 6*x_9 + 4*x_{10} + 3*x_8 + 4*x_{11} + 3*x_{12} + 5*x_{13} + x_{14}$  $x_{13} + x_{14} + x_4 = 3*x_9 + 4*x_{10} + 5*x_8 + 3*x_{11} + 7*x_{13} + 3*x_{14}$  $x_{11} + x_{12} + x_5 = 9*x_9 + 6*x_{10} + x_8 + 3*x_{11} + 6*x_{12} + x_{13} + 2*x_{14}$  $x_6 = 7*x_9 + 5*x_{10} + x_8 + 3*x_{11} + 7*x_{12} + 6*x_{13} + 9*x_{14}$  $x_7 = 6*x_9 + 4*x_{10} + 5*x_8 + 5*x_{11} + 9*x_{12} + 8*x_{13} + 5*x_{14}$

Below the input field are three buttons: "Save", "Solve", and "Generate". The "Solve" button has dropdown menus for "Slopes" and "Gauss". The "Generate" button has a dropdown menu for "Gauss". To the right of these buttons are descriptions: "Store this ANLDE system in a text format (Please, allow browser to show popup windows)", "Solve the given ANLDE system with the syntactic algorithm. You may select one alternative solver to compare the solvers.", and "Generate automatically a new ANLDE system by the selected generator".

**Generator Parameters**

Parameter	Current value	Max. value
Number of equations in ANLDE system:	7	100
Number of unknowns in ANLDE system:	14	150

**Web-Syndic: Solution Report - Mozilla Firefox**

Файл Правка Вид Переход Закладки Инструменты Справка

http://websyndic.cs.karelia.ru/process.servlet?id=5f896908

**configuration**

You have logged in as **kryshen** ([log out](#)).

**Server Load**

**3** active users  
**2** registered users  
**0** solver tasks  
**0** generator tasks

Algorithm name	Summary CPU work time(sec)	Summary real work time(sec)	Maximum process virtual size(Kb)	Solving result
Syntactic	0.0020	0.0066	1508	solved
Slopes	0.0450	0.0664	1680	solved

4. Solving machine characteristics:

- CPU: Intel(R) Celeron(R) CPU 2.20GHz (2244.937 MHz)
- RAM: 247956 kB
- Operating system: Linux 2.6.5-7.257-default, i386
- Environment: Java 1.5.0\_03 (Sun Microsystems Inc.); Apache Tomcat/5.0.19
- Solver process nice value: 15  
(-20 - highest priority, 19 - lowest priority)

5. Solutions of test ANLDE system:

- Syntactic:

	<b>x1</b>	<b>x9</b>	<b>x10</b>	<b>x8</b>	<b>x11</b>	<b>x12</b>	<b>x13</b>	<b>x14</b>	<b>x2</b>	<b>x3</b>	<b>x4</b>	<b>x5</b>	<b>x6</b>	<b>x7</b>
<b>h<sup>(1)</sup></b>	5	1	0	0	0	0	0	0	8	6	3	9	7	6
<b>h<sup>(2)</sup></b>	3	0	1	0	0	0	0	0	6	4	4	6	5	4
<b>h<sup>(3)</sup></b>	4	0	0	1	0	0	0	0	6	3	5	1	1	5
<b>h<sup>(4)</sup></b>	2	0	0	0	1	0	0	0	5	4	3	2	3	5
<b>h<sup>(5)</sup></b>	3	0	0	0	0	1	0	0	5	3	0	5	7	9

# Процесс разработки

- Линейная модель с возвратами.
- Официальные языки проекта — русский и английский.
- Полноценный набор проектной документации на основе Adaptable Process Model: спецификация требований, спецификация проектирования, документация реализации и тестирования, документация пользователя, метрики проекта.

При реализации использовались следующие программные средства и технологии:

Java Server Pages (JSP), сервлеты	web-интерфейс системы
Apache Tomcat	контейнер для сервлетов и страниц JSP
JFlex, byaccj	трансляция систем одАНЛДУ вводимых пользователем во внутренние формат программной системы
Языки программирования Java и C++	

В ходе разработки проекта было потрачено 2243 человека-часов, создано 363 страниц документации, написано 11907 строк кода (декабрь 2005 г.).

## Эксперименты в системе Web-SynDic

### 1. Тестирование `syntactic solver`.

Автоматическая генерация и решение более 1,5 миллиона систем одАНЛДУ. Ошибок в реализации синтаксического алгоритма решения найдено не было.

### 2. Экспериментальный анализ и сравнение решателей.

Построена серия из 10000 уникальных систем одАНЛДУ для сравнения характеристик процесса решения `syntactic solver` и `slopes`. Обнаружено существенное преимущество `syntactic solver` над `slopes` при увеличении размерностей систем.

### 3. Экспериментальная зависимость использования времени и памяти решателем `syntactic solver` от числа неизвестных в системе одАНЛДУ. Измерения выполнены для двух классов систем одАНЛДУ, полученных генераторами Gauss и Jordan соответственно.

Характеристика	Метод	Число неизвестных, $t$					
		50	100	200	300	500	1000
Время, сек	Gauss	0,005	0,014	0,0369	0,0848	0,2521	1,5463
Память, Кб		1508	1756	2084	2524	3972	8168
Время, сек	Jordan	0,0059	0,0205	0,1123	0,5344	3,0639	23,5981
Память, Кб		1508	1756	2184	2632	4048	10188

Измерения выполнялись на ЭВМ с CPU Celeron 1200 МГц, RAM 512 Мб. Для каждого значения  $t$  генерировались 20 систем одАНЛДУ.